

5. В заключении статьи приведены некоторые способы повышения структурной надежности МСС.

#### Библиографический список

1. Федеральный закон РФ от 20.01.95г. «Закон о связи».
2. Руководящий документ Министерства связи РФ РД.45.128-2000.
3. Сети и службы передачи данных – 65с.
4. Концепция развития рынка телекоммуникационных услуг РФ от 26.07.200г. №1072-Р.
5. Р.А. Амарян Основы системного менеджмента межрегиональной телекоммуникационной компании. Обобщение опыта ОАО «ЦентрТелеком» М.: Весь мир, 2004, 346с.
6. Н.В. Межуев Концепция развития сети связи и телекоммуникации Московского филиала ОАО «ЦентрТелеком», М.: Весь мир, 2004, 611с.
7. Б.В. Гнеденко, Ю.К. Беляев, А.В.Соловьев. Математические методы в теории надежности. М.: Наука, 1965, 524с.
8. Надежность технических систем. М.: Радио и связь, 1985, 606с.
9. В.А. Гадасин Методы расчета структурной надежности сети связи М.: 1986г.
10. Б.П. Филин. Методы анализа структурной надежности сетей связи, М.: Радио и связь, 1988г.
11. В.А. Богатырев К расчету надежности сети связи по совокупности путей. М.: Электросвязь, 1985г, №2 стр. 23-26.
12. M.O Ball, C.J Colbourn, J.S.Pronan Network Reliability 2003г.
13. Хогдал, Дт. Скотт Анализ и диагностика компьютерных сетей. Пер. М.Кузьмин. М.: Лори, 2001г. 35с.

### ABOUT SOME METHODS OF EVALUATION AND PREDICTION OF STRUCTURAL RELIABILITY OF MULTISERVICE COMMUNICATION NETWORKS

*V.V.Kuznetsov, S.M.Chudinov, E.G.Ziliakov*

The article describes some reliability evaluation methods for multiservice communication networks, for the most part of application character. Alongside with precise calculation methods the authors also give approximate methods which guarantee the desired evaluation precision.

УДК 303.732.4

### МАТЕМАТИЧЕСКИЕ МЕТОДЫ В СИСТЕМНОМ АНАЛИЗЕ ФИНАНСОВЫХ ОПЕРАЦИЙ

*М.Ф.Тубольцев<sup>1</sup>*

1 - Белгородский государственный университет Российской Федерации, 308015, г. Белгород, ул. Победы, 85

Рассматривается проблема системного анализа совокупностей финансовых операций.

#### ВВЕДЕНИЕ

Проблема анализа совокупностей финансовых операций приобретает все большее значение и в теории, и на практике. Исторически сложилось, что вероятностные и статистические методы доминируют в этой области. Успешное применение этих методов в задачах анализа портфелей ценных бумаг [1] породило целое направление в финансовой математике [2]. Статистические методы применяются во многих областях науки и техники, экономике и финансах, но недостаточность статистических методов проявляется в игнорировании проблемы хронологии финансовых операций [3].

Смысл данной проблемы в том, что агрегированная доходность совокупности финансовых операций зависит не только от параметров каждой операции, но и в значительной степени определяется взаимным расположением этих операций на оси времени. Произвольную совокупность финансовых операций можно рассматривать как

нейтральный комплекс [4] и осуществлять агрегирование тех или иных показателей на основе статистического подхода. Для агрегирования (усреднения) процентных ставок, например, в краткосрочных кредитных операциях можно использовать методику линейного взвешивания [5, с.75]:

$$r_{cp} = \frac{\sum_{i=1}^N K_i T_i r_i}{\sum_{i=1}^N K_i T_i}, \quad (1)$$

где  $N$  – число кредитных операций,  $K_i$  – величина кредита,  $T_i$  -продолжительность кредита, а  $r_i$  –процентная ставка по кредиту с номером  $i$  соответственно. Такая методика ничем не плоха, за исключением одного: она не адекватна, плохо отражает реальность, как показывает следующий простой пример.

Рассмотрим две краткосрочные (сроком 1 год) кредитные операции со следующими параметрами:  $K_1= 10$ ,  $r_1=40\%$ ,  $T_1=1$ ,  $K_2=14$ ,  $r_2=20\%$ ,  $T_2=1$ . Усреднение по формуле (1) позволяет дать приближенное значение агрегированного показателя доходности:  $r_{cp}=28.33\%$ . Процентные ставки  $r_1$  и  $r_2$  можно интерпретировать как показатели доходности независимо от того простые они или сложные, поскольку продолжительность кредитов равна базовому периоду. Предположим, что кредитные операции выполняются на одном базовом периоде параллельно, образуя нейтральный комплекс. На начальный капитал  $K=24$  в конце года будут выплачены проценты  $I=10\times0.4+14\times0.2=6.8$ ; и это дает процентную ставку по агрегированной кредитной операции равную  $r_{cp}\approx28.33\%$ . Обе кредитные операции можно выполнять и последовательно, вложив полученные из первой кредитной операции средства во вторую. Тогда имеем одну агрегированную кредитную операцию сроком в два базовых периода с начальным капиталом 10 и возвращенной наращенной суммой 16.8. Агрегированный показатель доходности в данном случае вычисляется как эффективный процент  $r_{ef}$  агрегированной кредитной операции:

$$r_{cp} = r_{ef} = \left( \frac{S}{K} \right)^{\frac{1}{T}} - 1, \quad (2)$$

что при подстановке дает  $r_{cp}\approx0.2961$ , т.е. 29.61%. Разница весьма значительна, составляет более 1% и не может быть следствием ошибок. Ее можно истолковать только как проявление положительного синергетического эффекта, связанного с образованием из отдельных кредитных операций, из нейтрального комплекса, финансовой системы с эффективной структурой. Вложение средств, полученных из одной кредитной операции в другую, полностью и без задержки стало причиной положительного синергетического эффекта. Следует отметить ту важную роль, которую играет хронологическая последовательность финансовых операций, их привязка к временной шкале. Тем самым выявляется важный фактор образования финансовых систем.

Необходимо также отметить, что при образовании из отдельных кредитных операций финансовой системы с неэффективной структурой синергетический эффект может быть отрицательным. Пусть сначала выполняется вторая кредитная операция, а за ней – первая. Вычисляя агрегированный показатель доходности как уровень внутренней доходности полученного финансового потока получим  $r_{cp}\approx0.272$ , т.е. 27.2%, что меньше, чем у нейтрального комплекса. Эта разница, более чем в 1%, не может быть следствием ошибок - это отрицательный синергетический эффект.

Переходя к математическим аспектам проблемы, нужно точнее сформулировать ограничения и требования к системной методике агрегирования, следующие из анализа предметной области [6]: методика обязана быть нелинейной, иначе она не способна выявлять синергетический эффект; методика должна быть адекватной, т.е. если совокупность краткосрочных финансовых операций образует цепной или параллельный комплекс [6], то агрегированный показатель должен вычисляться непосредственно по

формуле (2) как эффективный процент; методика должна проходить тестирование на любых совокупностях финансовых операций с одинаковой доходностью, давая при этом очевидный результат. В случае долгосрочных финансовых операций достаточно только выполнения условия адекватности на совокупностях финансовых операций с одинаковой доходностью и нелинейности.

Такое определение применительно к задаче агрегирования показателей доходности финансовых операций дать оказывается вполне возможным, поскольку необходимые конструкции давно существуют. Основой здесь являются понятия финансового потока операции и функции потока. Под финансовым потоком принято понимать  $\{(t_i, C_i)\}$  – множество выплат и поступлений средств в данной финансовой операции, а под функцией потока будем понимать  $NPV(V)$  – его чистое приведенное значение, как функцию множителя дисконтирования. Операция агрегирования финансовых инструментов интерпретируется просто как теоретико-множественное объединение финансовых потоков, дополненное алгебраическим сложением элементов потока в совпадающие моменты времени. Тогда, под агрегированным показателем доходности совокупности финансовых операций следует понимать доходность агрегированной финансовой операции, которая однозначно восстанавливается из своего финансового потока, являющегося объединением финансовых потоков отдельных операций.

## 1. ФИНАНСОВЫЕ СИСТЕМЫ

Дадим следующее уточнение понятия финансовой системы (или системы финансовых операций). Совокупность финансовых операций образует систему, если: во всех операциях данной совокупности участвует некоторое определенное физическое или юридическое лицо (иначе невозможно такой совокупности однозначно поставить в соответствие некоторый агрегированный финансовый поток); каждая из финансовых операций совокупности в отдельности должна обладать показателем доходности в виде эффективного процента или уровня внутренней доходности (т.е. нет вложений без соответствующего финансового возмещения); агрегированный финансовый поток должен обладать единственным уровнем внутренней доходности (при агрегировании финансовых операций легко получить операцию с несколькими уровнями внутренней доходности – они не образуют систем).

Таким образом, нельзя просто объявить некоторую совокупность финансовых операций финансовой системой. Необходимо проверить выполнение перечисленных выше условий. Первое условие проверяется тривиальным образом; второе условие требует исключения из рассмотрения не вполне коммерческих операций (беспроцентных кредитов и т.п.). Всюду в дальнейшем выполнение этих двух условий будет неявно подразумеваться. Третье же условие, напротив, проверяется крайне сложно, и его выполнение требуется всегда доказывать. В частности, справедливо следующее

Утверждение 1. Совокупность краткосрочных кредитных операций, которая выполняется в течение одного базового периода, образует систему, если номинальные процентные ставки операций (простые или сложные) не превышают 100%.

Доказательство. Пусть для кредита с номером  $i$ :  $K_i$  – размер кредита,  $S_i$  – размер возвращаемой суммы,  $t_i$  – момент начала кредитной операции,  $T_i$  – продолжительность кредитной операции, а  $r_i$  – номинальная процентная ставка. Функция потока для каждого кредита имеет вид:

$$F_i(V) = S_i V^{T_i} - K_i, \quad (3)$$

а доходность определяется из уравнений:

$$\begin{cases} F_i(V_i^*) = 0, \\ r_i^* = \frac{1}{V_i^*} - 1, \end{cases} \quad (4)$$

причем, если  $r_i$  – сложная процентная ставка  $r_i^* = r_i$ .

Функция агрегированного потока совокупности кредитных операций будет следующей:

$$F(V) = \sum_{i=1}^N (S_i V^{T_i} - K_i) V^{t_i - t_0}, \quad (5)$$

где  $t_0$  – момент времени, на который осуществляется дисконтирование,  $N$  – число кредитных операций, а  $V$  принадлежит интервалу  $(0,1)$ . Значение  $V=0$  соответствует бесконечной процентной ставке, а  $V=1$  – процентной ставке равной нулю. Теперь, чтобы найти агрегированный показатель доходности  $r^*$  совокупности кредитных операций нужно решить уравнения:

$$\begin{cases} \sum_{i=1}^N (S_i V^{*T_i} - K_i) V^{*t_i - t_0} = 0, \\ r^* = \frac{1}{V^*} - 1, \end{cases} \quad (6)$$

причем выбор  $t_0 \leq t_i$  – не влияет на значение корня  $V^*$ , принадлежащего интервалу  $(0,1)$ . Для доказательства существования и единственности корня  $V^*$  отметим, что функция потока каждой кредитной операции является монотонно возрастающей функцией аргумента  $V$ ; а умножение на неотрицательную степень  $V$  лишь несколько сдвигает вправо левую границу интервала монотонности. Действительно, пусть  $V_{im}$  – точка единственного локального минимума функции  $F_i(V)$ , тогда дифференцируя и приравнивая производную 0, получаем:

$$V_{im} = \left( \frac{t}{t+T} \right)^{\frac{1}{r}} V_i, \quad (7)$$

где  $V_i$  – корень функции  $F_i(V)$ . Параметры  $T$  и  $t$  по условию удовлетворяют ограничениям:  $T \geq 0$ ,  $t \geq 0$ ,  $T + t \leq 1$ . С учетом того, что  $V_i \leq 1$ , получаем  $V_{im} \leq 1/e$ . Следовательно, на сегменте  $[1/e, 1]$  функция  $F(V)$  монотонно возрастает, поскольку монотонно возрастает каждое из слагаемых в формуле (5). Далее, отметим, что  $F(V)$  имеет разные знаки на сегменте  $[1/e, 1]$ , если номинальные ставки не превышают 1 (100%). Действительно, если это так, то

$$V_i = \frac{1}{1+r_i} > \frac{1}{e^{r_i}} > \frac{1}{e}. \quad (8)$$

Следовательно, корень каждой функции  $F_i(V)$  находится внутри сегмента  $[1/e, 1]$ , и она имеет разные знаки на краях. Тем же свойством обладает и функция  $F(V)$ . По теореме о непрерывных функциях монотонно возрастающая функция  $F(V)$  имеет на сегменте  $[1/e, 1]$  единственный корень.

Важным является также то обстоятельство, что выполняются однотипные операции. Финансовые операции разных типов редко образуют системы. Рассмотрим следующий простой пример: пусть коммерческий банк выдает на три года кредит в размере 504 с возвратом суммы по кредиту в размере 1000 (доходность приблизительно 25.66%); через год банк берет межбанковский кредит на 1 год в размере 1910 с возвратом суммы по кредиту в размере 2400 (доходность приблизительно 101.68%). Уравнение агрегированного потока имеет вид:  $1000V3-2400V2+1910V-504=0$ . Оно имеет 3 корня:  $V1=0.9$ ,  $V2=0.8$ ,  $V3=0.7$ . Это соответствует значениям процентных ставок:  $r1=11.11\%$ ,  $r2=25\%$ ,  $r3=42.86\%$ . Неясно, какую из них принять за уровень внутренней доходности

совокупности кредитной и заемной операций, и если выбрать одну из них, то, что делать с двумя другими?

Утверждение 1 содержит важный с практической точки зрения результат, поскольку только в условиях гиперинфляции процентные ставки превышают 100%, да и рассматривать краткосрочные (т.е. длительностью менее года) кредитные операции на больших периодах требуется не часто. Следовательно, в интересных для практики случаях краткосрочные кредитные операции образуют системы и могут рассматриваться с этой точки зрения. Системный подход в области финансов (в отличие от статистических методов) имеет большой потенциал эвристик, которые, будучи математически строго оформленными, представляют собой адекватные предметной области методики (в частности, методики реструктуризации и консолидации).

Покажем, что методика агрегирования показателей доходности совокупности краткосрочных кредитных операций удовлетворяет критериям системности. То, что она учитывает хронологию операций, вытекает из явного присутствия в уравнении (6) дат начала каждого кредита; кроме того, она, очевидным образом, является нелинейной. Проверим адекватность этой методики на совокупностях «параллельных» и «цепных» кредитных операций. Для «параллельной» группы все  $t_i$  одинаковы и  $T_i = T$ , поэтому первое из уравнений (6) преобразуется к виду:

$$V^T \sum_{i=1}^N S_i - \sum_{i=1}^N K_i = 0, \quad (9)$$

при этом было проведено сокращение на общий множитель не равный нулю, а множитель  $V^T$  вынесен за знак суммы. С учетом второго из уравнений (6) для  $r^*$  получаем:

$$r^* = \left( \frac{\sum_{i=1}^N S_i}{\sum_{i=1}^N K_i} \right)^{\frac{1}{T}} - 1, \quad (10)$$

что совпадает с выражением для эффективного процента агрегированной кредитной операции.

Для «цепной» группы  $S_i = K_{i+1}$ ,  $t_{i+1} = t_i + T_i$ , поэтому первое уравнение (6) преобразуется после несложных алгебраических преобразований к виду

$$S_N V^{t_N} - K_1 V^{t_1} = 0. \quad (11)$$

Учитывая второе уравнение (6) и то, что  $t_N - t_1 = \sum T_i = T$ , получаем:

$$r^* = \left( \frac{S_N}{K_1} \right)^{\frac{1}{T}} - 1, \quad (12)$$

что также совпадает с выражением для эффективного процента агрегированной «цепной» группы кредитных операций.

Для групп краткосрочных кредитных операций одинаковой доходности эффективный процент  $r_{\text{эфф}}$  определяется для каждого кредита, входящего в группу, условием  $S_i V^{T_i} - K_i = 0$  и для всех номеров  $i$  и  $r_{\text{эфф}} = 1/V - 1$ , поэтому он совпадает с  $r^*$ .

Таким образом, адекватность предлагаемой методики установлена. Данная методика допускает эффективное применение на практике в тех случаях, когда информация о каждой кредитной операции хранится в некоторой базе данных, и возможна автоматическая генерация коэффициентов уравнения (5). В этом случае решение первого уравнения (6) и вычисление агрегированного показателя доходности по второй формуле (6) можно полностью автоматизировать. В теоретическом же плане системный подход и предложенная методика вычисления показателя доходности системы краткосрочных кредитных операций (агрегированного показателя доходности) объединяет и существенно

дополняет существующие разрозненные методики реструктуризации и консолидации, сводя их, по сути, к одной методике реинжиниринга финансовых систем.

Переход от систем краткосрочных кредитных операций к произвольным финансовым системам [7] основан на решении нелинейного уравнения:

$$\sum_{i=1}^N F_i(V) V^{t_i - t_0} = 0, \quad (13)$$

где  $F_i(V)$  – функция потока финансовой операции с номером  $i$ ,  $t_i$  – дата начала финансовой операции с номером  $i$ ,  $t_0$  – некоторая произвольная дата, предшествующая датам начала финансовых операций. Функция потока для каждой из операций определяется как дисконтированная на момент начала соответствующего потока сумма его элементов с учетом их знака. Она является нелинейной функцией множителя дисконтирования  $V$ , область изменения которого – интервал  $(0,1)$ . Разность  $t_i - t_0$  выражена через базовый период. Можно показать, что выбор  $t_0$  не влияет на корни уравнения (13). Сам агрегированный показатель доходности  $r^*$  находится по корню  $V^*$  уравнения (13) с помощью соотношения:

$$r^* = \frac{1}{V^*} - 1. \quad (14)$$

Таким образом, методика агрегирования, основанная на решении уравнения (3), всегда является нелинейной. Именно это и дает возможность выявлять и количественно оценивать синергетический эффект финансовой системы. Данная методика позволяет учитывать дополнительный фактор образования финансовой системы – хронологию, поскольку в уравнение (13) явным образом входят даты начала финансовых операций.

Третье требование к финансовой системе: наличие единственного уровня внутренней доходности равносильно тому, что уравнение (13) имеет единственный корень. Таким образом, факт образования финансовой системы некоторой совокупностью финансовых операций требуется математически строго доказывать. Бездоказательно декларировать наличие финансовой системы нельзя.

Вполне очевидно наличие хотя бы одного корня  $V^*$  уравнения (13), в тех случаях, когда функции  $F_i(V)$  монотонно возрастают и имеют разные (но одинаковые для всех  $i$ ) знаки на концах сегмента  $[0,1]$ . Тогда, левая часть уравнения (13) есть непрерывная функция, принимающая на концах сегмента  $[0,1]$  значения разных знаков. По известной теореме о непрерывных функциях на сегменте  $[0,1]$  должен существовать хотя бы один корень уравнения (13). Единственность корня следует из монотонности функции агрегированного потока на некотором интервале  $(\alpha, 1)$ , что также требуется устанавливать математическим доказательством. Именно таким способом было доказано утверждение 1. Небольшая модификация предыдущих рассуждений позволяет получить следующий результат.

Утверждение 2. Пусть  $V_i$  – единственный корень уравнения  $F_i(V) = 0$ ,  $i = 1, 2, \dots, N$  на интервале  $(0,1)$ . Тогда выполняются неравенства:  $\min V_i \leq V^* \leq \max V_i$ , где экстремумы берутся по всем  $i$ .

#### Доказательство.

Если  $V^* < \min V_i$ , то все  $F_i(V^*) < 0$  и  $V^*$  не может быть корнем уравнения (13). Аналогично доказывается второе неравенство.

Из этих неравенств в силу соотношения (14) вытекают важные в теоретическом и практическом плане оценки для агрегированного показателя доходности:

$$\min r_i \leq r^* \leq \max r_i, \quad (15)$$

Из неравенств (15) следует, что предложенная методика тестируется на группах равно доходных финансовых операций, т.е. когда  $r_1=r_2=\dots=r_N=r$ , поскольку из (15) следует, что в этом случае  $r^* = r$ . Кроме того, неравенства (15) показывают, что предложенная

методика не хуже обычного статистического взвешивания, что является дополнительным аргументом в ее пользу.

Возникает вопрос: насколько богат запас финансовых операций, способных образовывать системы? Покажем, что он достаточно велик и удовлетворяет практическим потребностям. Будем называть финансовый поток  $\{(t_i, C_i)\}$ , регулярным, если  $t_1 < t_2 < \dots < t_N$  и  $C_1 < 0, \dots, C_N > 0$ . Функция регулярного потока имеет вид:

$$F(V) = C_1 + C_2 V^{t_2 - t_1} + \dots + C_N V^{t_N - t_1}, \quad (16)$$

и поэтому является монотонно возрастающей на сегменте  $[0,1]$ . Регулярными потоками обладают все ренты (с учетом их покупки), а также финансовые потоки большинства инвестиционных проектов. Это дает возможность использовать системные методы в практике финансовых операций.

Рассмотренная выше методика не линейна и, как следствие, более сложна. Насколько целесообразно ее использовать? Прежде всего, ответ состоит в том, что этим достигается намного более точное и адекватное описание реальности; что особенно важно и ценно в экономике и финансах, где модели сложны, а возможности эксперимента весьма ограничены.

В финансах это позволяет использовать мощный потенциал эвристик, заложенных в системных методиках. По-новому, могут быть рассмотрены хорошо известные задачи консолидации и реструктуризации. В банковском менеджменте просматриваются принципиально новые методики и критерии оценки эффективности управления финансовыми активами и т.п. Однако за это приходится платить усложнением математического расчетного аппарата, а главное отказом от привычного линейного образа мыслей. Тем не менее, видимо это следует делать, поскольку альтернатив системному подходу в науке практически нет. К тому же, при современном уровне развития вычислительной техники, практическая реализация системных методик не вызывает затруднений.

## 2. СИСТЕМНЫЙ АНАЛИЗ ФИНАНСОВЫХ ОПЕРАЦИЙ

После того, как определено понятие финансовой системы и дана методика определения доходности, возникает естественный вопрос целесообразности введения этого понятия и оценки выгод от его использования при решении конкретных практических задач.

Можно указать, по крайней мере, один круг задач анализа финансовых операций, современные методики решения которых, трудно признать удовлетворительными. Это задачи эквивалентного изменения условий контрактов. В современной трактовке [5, с.87] нет даже единого подхода к решению этой задачи. Наиболее проработанной считается задача эквивалентной замены платежей, к которой сводятся многие задачи реструктуризации и консолидации финансовых операций. Задача эквивалентной замены платежей решается на основе уравнения эквивалентности [8, с.137]. Пусть  $\{S_i\}$ ,  $i=1, \dots, n$  некоторая последовательность платежей, которая должна быть осуществлена в будущем, а  $\{P_j\}$ ,  $j=1, \dots, m$  другая последовательность платежей, которой предполагается заменить первую. Согласно современному критерию эквивалентности платежей вторая последовательность должна быть такой, что выполняется условие:

$$\sum_{i=1}^n S^d_i = \sum_{j=1}^m P^d_j, \quad (17)$$

где верхние значки  $d$  означают дисконтирование соответствующих платежей на некоторый, достаточно произвольно выбираемый момент времени. Сразу же возникает ряд вопросов. По какой ставке осуществлять дисконтирование? Даже если тип ставки определен характером задачи, как задать ее значение? Как выбирать, на какой момент времени осуществлять дисконтирование? Влияет ли выбор момента времени на другие

параметры, и каково это влияние? Как влияет на искомые параметры замены отсутствие части информации о уже сделанных платежах? Какое влияние на решение оказывает игнорирование показателя доходности?

Анализ уравнения эквивалентности (17) показывает: дисконтирование корректно только на основе сложных ставок (процентов и учетных), иначе выбор момента дисконтирования влияет на искомые параметры. Выбор ставки дисконтирования всегда трудно обосновать, и он часто произволен. Игнорирование части информации о платежах и доходностях снижает качество решения.

Проблему выбора момента дисконтирования можно решить, если использовать только сложные процентные ставки (или, что равносильно, сложную учетную ставку). Но, что делать, если бы кредиты выдавались по разным процентным ставкам? Пусть, например, первый кредит выдан с использованием простой процентной ставки 20%, а второй – 16%. Какую из них или еще какую-то другую нужно использовать для дисконтирования? Обоснованного ответа на этот вопрос нельзя получить, используя современные детерминированные или стохастические модели.

Ответ можно получить, только используя системный подход (если, разумеется, финансовые операции образуют систему). Его сущность в том, что: используется вся информация, как о будущих платежах, так и уже осуществленных; используется информация о доходностях; любое изменение параметров одной или нескольких финансовых операций рассматривается как реинжиниринг финансовой системы (т.е. любые задачи по изменению условий финансовых операций рассматриваются единообразно); с системных позиций пересмотрено условие эквивалентности финансовых контрактов и заменено условием эквивалентности финансовых систем.

В общем случае произвольных финансовых систем эквивалентность исходной системы и системы, полученной в результате реинжиниринга исходной системы, означает сохранение системной доходности. При этом системная доходность представляет собой агрегированную доходность составляющих систему финансовых операций. Реинжиниринг финансовой системы осуществляется путем согласованного изменения параметров системы на основе следующих соотношений:

$$\begin{cases} F(V^*) = 0 \\ F_R(V^*) = 0 \end{cases} \quad (18)$$

где  $F(V)$  – функция агрегированного потока совокупности кредитных операций, составляющих исходную систему,  $F_R(V)$  - функция агрегированного потока совокупности кредитных операций, составляющих систему после реинжиниринга. Уравнения (18) таким образом, можно назвать уравнениями реинжиниринга (эквивалентного изменения) финансовой системы.

Покажем, что условие эквивалентного изменения платежей может быть получено из уравнений реинжиниринга. Пусть система состоит из единственной финансовой операции с потоком  $\{(t_i, C_i)\}$ ,  $i=1, \dots, N$ , и часть элементов потока до номера  $N-n$  остается без изменений, а оставшаяся часть, начиная с номера  $N-n+1$  и до конца потока, заменяется, эквивалентным образом, потоком  $\{(t_j, P_j)\}$ ,  $j=1, \dots, m$ . Уравнения реинжиниринга будут иметь вид:

$$\begin{cases} \sum_{i=1}^{N-n} C_i V^{t_i - t_0} + \sum_{i=N-n+1}^N C_i V^{t_i - t_0} = 0 \\ \sum_{i=1}^{N-n} C_i V^{t_i - t_0} + \sum_{j=1}^m P_j V^{t_j - t_0} = 0 \end{cases} \quad (19)$$

Вычитая из первого уравнения (19) второе и осуществляя во второй сумме первого уравнения замену  $S_i = C_{i+N-n}$  и пределов суммирования, получаем:

$$\sum_{i=1}^n S_i V^{t_i - t_0} - \sum_{j=1}^m P_j V^{t_j - t_0} = 0. \quad (20)$$

Но, соотношения (20) и (17) с точностью до обозначений алгебраически эквивалентны. Таким образом, уравнение эквивалентной замены платежей является логическим следствием уравнений реинжиниринга, которые применимы, поскольку одна финансовая операция удовлетворяет системным признакам тривиальным образом. Поэтому уравнение эквивалентной замены платежей имеет вполне корректное теоретическое обоснование, а не является полуэмпирическим правилом. Однако при переходе от уравнений реинжиниринга к уравнению эквивалентной замены платежей произошла потеря информации о доходности, и, следовательно, опять возникла проблема определения ставки дисконтирования. Отметим, попутно, что сложность численного решения уравнений реинжиниринга сопоставима со сложностью решения уравнения эквивалентной замены платежей. Поэтому нет оснований отдавать предпочтение старым методам при решении конкретных практических задач реструктуризации и консолидации финансовых операций.

Оценивая системный подход в анализе финансовых операций, следует отметить, что было бы ошибкой применять уравнения (18) чисто формально, не заботясь о предпосылках. Возможность применения уравнений реинжиниринга к совокупностям финансовых операций, не являющихся системой, весьма сомнительна. Первое из уравнений (18), используемое для вычисления доходности системы финансовых операций, для не систем может не иметь корней вообще (возможно еще хуже, когда корней несколько). Таким образом, этап доказывания того, что совокупность финансовых операций образует систему, всегда является необходимым, поскольку при этом фактически доказывается наличие корней у уравнений реинжиниринга, а эти уравнения и есть как раз то, ради чего финансовые системы рассматриваются. Сами уравнения реинжиниринга в замкнутой форме (в отличие от уравнения эквивалентности, требующего априорного задания ставки дисконтирования) позволяют решить большинство задач анализа финансовых операций в рамках детерминированных моделей. Естественно, они не могут заменить статистические методы и модели финансового анализа там, где это определено природой рассматриваемых явлений (оценка рисков и т.п.). Но системные и статистические методы вполне могут конструктивно сочетаться, и их едва ли следует рассматривать как конкурирующие. Просто системные методы лучше работают там, где в рамках детерминированных моделей раньше применялись статистические методы.

### 3. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В рамках данного исследования сделана попытка применения к задачам анализа финансовых операций новых системных методов. При этом потребовалось уточнить понятие системы применительно к области финансов, и дать общую схему проверки факта образования совокупностью финансовых операций финансовой системы. Наиболее существенным и трудным этапом проверки является доказательство наличия у совокупности финансовых операций единственным образом определяемого агрегированного показателя доходности, являющегося, по определению, показателем доходности финансовой системы. В работе даны примеры доказательств подобного рода (утверждение 1). Установлены также наиболее общие свойства и оценки.

Показано, что введение в рассмотрение финансовых систем целесообразно с практической точки зрения, поскольку позволяет дать единый подход к решению большого числа разрозненных задач реструктуризации финансовых операций, например, к задачам консолидации платежей и их эквивалентной замены. Эти и другие (здесь можно добавить задачи пролонгации операций) задачи изменения условий финансовых операций получает общую для всех методику решения в замкнутой форме на основе системного метода реинжиниринга финансовых операций, основанного на решении уравнений (18). Показано, что эти уравнения имеют не только практическое, но и теоретическое значение,

поскольку позволяют обосновать логически известные ранее полуэмпирические методы типа уравнения эквивалентной замены платежей.

Полученные результаты могут представлять интерес как для решения практических задач расчета параметров финансовых операций, так и, в теоретическом плане, для разработки новых методов их анализа.

#### Библиографический список

1. Markowitz H. Mean-Variance Analysis in Portfolio Choice and Capital Markets. Cambridge, MA: Blackwell, 1990.
2. Ширяев А.Н Основы стохастической финансовой математики. Т. 1,2. –М.. Фазис, 1998.
3. Зубова Р.И., Тубольцев М.Ф. Проблема хронологии в статистике краткосрочного кредита. // Вопросы статистики, 2000, № 2.
4. Богданов А.А. Тектология (Всеобщая организационная наука): В 2 кн. – М.: Экономика, 1989.
5. Мелкумов Я.С. Теоретическое и практическое пособие по финансовым вычислениям. М.: ИНФРА-М, 1996.
6. Зубова Р.И., Тубольцев М.Ф. Регулярная методика агрегирования показателей доходности краткосрочных кредитных операций. // Вопросы статистики, 2000, № 11.
7. Тубольцев М.Ф. Системная методика агрегирования показателей доходности в финансовых операциях//Известия ТРГУ. Тематический выпуск «Системный анализ в экономике и управлении». - Таганрог. Изд-во ТРГУ, 2005. №8(52).-с.94-98.
8. Четыркин Е.М. Методы финансовых и коммерческих расчетов. – М.: Дело, 1995.

### MATHEMATICAL METHODS IN SYSTEM ANALYSES OF FINANCIAL ARRANGEMENTS

*M.F. Tuboltsev*

The problem of system analyses of total financial arrangements is considered in the article.

УДК 001.57; 658.818

### О ЗАДАЧЕ СОЗДАНИЯ ЛОГИСТИЧЕСКОЙ СИСТЕМЫ СЕРВИСНОГО ОБСЛУЖИВАНИЯ ТЕЛЕРАДИОВЕЩАТЕЛЬНОЙ СЕТИ

*C.H. Trubicin<sup>1</sup>*

1 - Федеральное государственное унитарное предприятие «Российская телевизионная и радиовещательная сеть»; 109012, г. Москва, ул. Никольская, 7; e-mail: strubicin@rtvn.ru

Обосновывается актуальность создания сервисной службы для технического обслуживания телерадиовещательной сети. Выявляется роль логистического подхода при организации сервиса. Обсуждаются возможность количественной оценки уровня сервисного обслуживания. Обосновывается необходимость использования логистического аутсорсинга. Формулируются цель и задачи исследовательской работы по созданию системы логистического обеспечения сервисного обслуживания телерадиовещательной сети.

Ключевые слова: телерадиовещательная сеть, сервисное обслуживание, логистический сервис, уровень обслуживания, модели бизнес-процессов, регламентация бизнес-процессов сервисного обслуживания.

### ВВЕДЕНИЕ

Российская телевизионная и радиовещательная сеть (РТРС) в настоящее время контролируется федеральным государственным унитарным предприятием (ФГУП), образованным во исполнение Указа Президента Российской Федерации от 13 августа 2001 года №1031, имеющим 91 филиал во всех федеральных округах.

Основными направлениями деятельности ФГУП «РТРС» являются: